

## ARITMÉTICA BINARIA

**Suma**

La suma en cualquier sistema de numeración (2, 8, 10, ó 16) se reduce a los cuatro casos siguientes:

|   |                 |                 |                 |                 |
|---|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| + | positivo        | positivo        | negativo        | negativo        |
|   | <u>positivo</u> | <u>negativo</u> | <u>positivo</u> | <u>negativo</u> |

En este momento nos enfocaremos al caso de sumar dos números positivos.

**Suma en base 2**

Para realizar la suma de dos números binarios se usan las siguientes cuatro reglas fundamentales.

|       |       |       |       |
|-------|-------|-------|-------|
| 0     | 1     | 0     | 1     |
| + 0   | + 0   | + 1   | + 1   |
| ----- | ----- | ----- | ----- |
| 0 0   | 0 1   | 0 1   | 1 0   |
| C S   | C S   | C S   | C S   |

Donde:

S es el resultado de sumar el Sumando (Augendo) y el Adendo, y

C es el acarreo que se produce al realizar la suma.

Suma de dos números binarios positivos

Ejemplo. Realice la operación siguiente:  $(0101)_2 + (1011)_2$

Solución. Utilizando las cuatro reglas anteriores, tenemos lo siguiente:

| $  \begin{array}{r}  1\ 1\ 1\ 1 \\  \hline  0\ 1\ 0\ 1 \\  + \\  1\ 0\ 1\ 1 \\  \hline  1\ 0\ 0\ 0\ 0  \end{array}  $ | Comprobación  |
|---|---|
|   | $  \begin{array}{r}  (5)_{10} \\  + \\  (11)_{10} \\  \hline  (16)_{10}  \end{array}  $ |

Ejemplo. Realice la operación siguiente:

$$(10111)_2 + (11001)_2 + (10011)_2$$

Solución. Utilizando las cuatro reglas anteriores, tenemos lo siguiente:

| $  \begin{array}{r}  1 \\  1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1 \\  \hline  1\ 0\ 1\ 1\ 1 \\  + \\  1\ 1\ 0\ 0\ 1 \\  1\ 0\ 0\ 1\ 1 \\  \hline  1\ 0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1  \end{array}  $ | Comprobación   |
|---|--|
|   | $  \begin{array}{r}  (23)_{10} \\  + \\  (25)_{10} \\  (19)_{10} \\  \hline  (67)_{10}  \end{array}  $ |

Ejemplo

Realice la operación indicada

$$(1\ 1\ 1\ 1\ 1)_2 + (1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1)_2$$

Solución

Utilizando las cuatro reglas anteriores, tenemos lo siguiente:

| $  \begin{array}{r}  1\ 1\ 1\ 1\ 1  \end{array}  $ | Comprobación |
|--|--------------|
|  |              |

|  |  |
|--|--|
| $  \begin{array}{r}  1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1 \\  \hline  \\  1\ 1\ 0\ 0\ 1 \\  0\ 0\ 1\ 1\ 1 \\  +\ 1\ 0\ 0\ 1\ 1 \\  1\ 1\ 1\ 0\ 1 \\  \hline  1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 0  \end{array}  $ | $  \begin{array}{r}  (25)_{10} \\  (7)_{10} \\  +\ (19)_{10} \\  (29)_{10} \\  \hline  (80)_{10}  \end{array}  $ |
|--|--|

Para el caso de la suma de números fraccionarios se utilizan las mismas 4 reglas anteriores.

#### *Suma de dos números fraccionarios positivos*

Ejemplo. Realice la suma siguiente:  $(0.84375)_{10} + (0.28125)_{10}$

Solución. Utilizando las cuatro reglas anteriores, tenemos lo siguiente:

|  |  |
|--|--|
| $  \begin{array}{r}  0\ 1\ 1\ 1\ 1 \\  \hline  0.\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1 \\  +\ 0.\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1 \\  \hline  0\ 1.\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0  \end{array}  $ | <p>Comprobación</p> $  \begin{array}{r}  (0.84375)_{10} \\  +\ (0.28125)_{10} \\  \hline  (1.125)_{10}  \end{array}  $ |
|--|--|

#### *Ejemplo*

Realice la suma siguiente:

Solución

Utilizando las cuatro reglas anteriores, tenemos lo siguiente:

|   |   |
|---|---|
| $  \begin{array}{r}  1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1 \\  \hline  1\ 1\ 0\ 1.\ 1\ 0\ 1\ 1 \\  +\ 1\ 0\ 1\ 1.\ 0\ 1\ 1\ 0  \end{array}  $ | <p>Comprobación<br/>(lleva o acarreo)</p> $  \begin{array}{r}  (13.6875)_{10} \\  +\ (11.3750)_{10}  \end{array}  $ |
|---|---|

$$(25.0625)_{10}$$

## Suma en base 8

Ejemplo. Realice la suma siguiente  $(17)_{10} + (10)_{10}$  en base 8.

Solución. Pasamos los números de base 10 a base 8 con lo cual tenemos:

$$\begin{array}{r} (2 \ 1)_8 \\ + \\ (1 \ 2)_8 \\ \hline (3 \ 3)_8 \end{array} \qquad \begin{array}{r} (1 \ 7)_{10} \\ + \\ (1 \ 0)_{10} \\ \hline (2 \ 7)_{10} \end{array}$$

Ejemplo. Realice la suma siguiente  $(187)_{10} + (117)_{10}$

Solución. Pasamos los números de base 10 a base 8 con lo cual tenemos:

$$\begin{array}{r} \phantom{+} 1 \phantom{0} 1 \\ - - - - - \\ 2 \phantom{0} 7 \phantom{0} 3 \\ + \\ 1 \phantom{0} 6 \phantom{0} 5 \\ \hline 4 \phantom{0} 6 \phantom{0} 0 \end{array} \qquad \begin{array}{r} (1 \ 8 \ 7)_{10} \\ + \\ (1 \ 1 \ 7)_{10} \\ \hline (3 \ 0 \ 4)_{10} \end{array}$$

Ejemplo

Realice la suma siguiente

$$(71.718750)_{10} + (115.234375)_{10}$$

Solución

Pasamos los números de base 10 a base 8 con lo cual tenemos:

$$\begin{array}{r} \phantom{+} 1 \phantom{0} 1 \\ - - - - - \\ 1 \phantom{0} 7 . 5 \phantom{0} 6 \\ + \\ 1 \phantom{0} 6 3 . 1 \phantom{0} 7 \end{array} \qquad \begin{array}{r} ( \ 7 \ 1 . 7 \ 1 \ 8 \ 7 \ 5 \ 0 )_{10} \\ + \\ ( 1 \ 1 \ 5 . 2 \ 3 \ 4 \ 3 \ 7 \ 5 )_{10} \end{array}$$

---

2 7 2 . 7 5

---

( 1 8 6 . 9 5 3 1 2 5)<sub>10</sub>

### Suma en base 16

Ejemplo. Realice la suma siguiente  $(717)_{10} + (110)_{10}$

Solución. Pasamos los números de base 10 a base 16 con lo cual tenemos:

$$\begin{array}{r} (2 \quad C \quad D)_{16} \\ + (0 \quad 6 \quad E)_{16} \\ \hline (3 \quad 3 \quad B)_{16} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} (7 \quad 1 \quad 7)_{10} \\ + (1 \quad 1 \quad 0)_{10} \\ \hline (8 \quad 2 \quad 7)_{10} \end{array}$$

Ejemplo. Realice la suma siguiente  $(1870)_{10} + (1107)_{10}$

Solución. Pasamos los números de base 10 a base 16 con lo cual tenemos:

$$\begin{array}{r} \phantom{1} \\ \text{---} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \\ 7 \quad 4 \quad E \\ + 4 \quad 5 \quad 3 \\ \hline (B \quad A \quad 1)_{16} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} (1 \quad 8 \quad 7 \quad 0)_{10} \\ + (1 \quad 1 \quad 0 \quad 7)_{10} \\ \hline (2 \quad 9 \quad 7 \quad 7)_{10} \end{array}$$

Ejemplo

Realice la suma siguiente

$$(9901.75)_{10} + (987117.625)_{10}$$

Solución

Convertimos los números de base 10 a base 16 con lo cual tenemos:

$$\begin{array}{r} \phantom{1} \phantom{1} \\ \text{---} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \phantom{1} \\ 2 \quad 6 \quad A \quad D . 6 \\ + F \quad 3 \quad F \quad E \quad D . A \\ \hline (F \quad 6 \quad 6 \quad 9 \quad B . 6)_{16} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ( \quad 9 \quad 9 \quad 0 \quad 1 . 7 \quad 5 \quad 0)_{10} \\ + ( \quad 9 \quad 8 \quad 7 \quad 1 \quad 1 \quad 7 . 6 \quad 2 \quad 5)_{10} \\ \hline (9 \quad 9 \quad 7 \quad 0 \quad 1 \quad 9 . 3 \quad 7 \quad 5)_{10} \end{array}$$



## Multiplicación

### Multiplicación en base 2

Para efectuar la multiplicación binaria se utilizan las 4 reglas siguientes:

|       |       |       |       |
|-------|-------|-------|-------|
| 0     | 1     | 0     | 1     |
| + 0   | + 0   | + 1   | + 1   |
| ----- | ----- | ----- | ----- |
| 0 0   | 0 0   | 0 0   | 0 1   |
| C S   | C S   | C S   | C S   |

Donde:

S es el resultado de multiplicar los dos operandos, y

C es el acarreo que se produce al realizar la multiplicación.

Multiplicar dos números binarios positivos

Ejemplo

Realice la multiplicación siguiente

$$(27)_{10} \times (3)_{10}$$

Solución

Utilizando las cuatro reglas anteriores y convirtiendo los números a base 2 tenemos lo siguiente:

$$\begin{array}{r} 11011 \\ \times 11 \\ \hline 1111 \\ 11011 \\ \hline 1010001 \end{array}$$

Comprobación

$$\begin{array}{r} (27)_{10} \\ \times (3)_{10} \\ \hline (81)_{10} \end{array}$$



Ejemplo. Realice la multiplicación siguiente

Solución. Utilizando las cuatro reglas anteriores, tenemos lo siguiente:

Comprobación

$$\begin{array}{r}
 1110 \\
 \times 1011 \\
 \hline
 11111 \\
 1110 \\
 1110 \\
 0000 \\
 1110 \\
 \hline
 10011010
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 (14)_{10} \\
 \times (11)_{10} \\
 \hline
 14 \\
 14 \\
 \hline
 (154)_{10}
 \end{array}$$

También una multiplicación se puede realizar por sumas sucesivas, como se mostrará a continuación.

Ejemplo. Realice la multiplicación siguiente  $(13)_{10} \times (3)_{10}$

Solución. Primero convertimos los números a base 2 y luego aplicamos las 4 reglas de la suma binaria.

$$\begin{array}{r}
 1101 \\
 + 1101 \\
 \hline
 11010 \\
 + 1101 \\
 \hline
 100111
 \end{array}$$

Comprobación

$$\begin{array}{r}
 (13)_{10} \\
 + (3)_{10} \\
 \hline
 26 \\
 + 3 \\
 \hline
 (39)_{10}
 \end{array}$$

**Solución.**

[illegible]

$$\begin{array}{r} 11 \\ + 11 \\ \hline 22 \\ + 11 \\ \hline 33 \\ + 11 \\ \hline 44 \end{array}$$

Ejemplo. Realice la multiplicación de  $(13.375)_{10} \times (3.5)_{10}$

$$\begin{array}{cccccccccccc}
 & & & & 1 & 1 & 0 & 1 & , & 0 & 1 & 1 \\
 & & & & x & & & & & 1 & 1 & . & 1 \\
 \hline
 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & & & & & \\
 \hline
 & & & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & & & \\
 & & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & & & & \\
 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & & & & & \\
 \hline
 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & . & 1 & 1 & 0 & 1 & & 
 \end{array}$$
$$\begin{array}{r} (13.375)_{10} \\ \times (3.5)_{10} \\ \hline 66875 \\ 40125 \\ \hline (46.8125)_{10} \end{array}$$

## Multiplicación en base 8

Ejemplo. Realice la multiplicación siguiente  $(25)_{10} \times (10)_{10}$

Solución. Convertimos los números de base 10 a base 8 con lo cual tenemos:

$$\begin{array}{r} (3 \ 1)_8 \\ \times (1 \ 2)_8 \\ \hline 6 \ 2 \\ 3 \ 1 \\ \hline (3 \ 7 \ 2)_8 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} (2 \ 5)_{10} \\ \times (1 \ 0)_{10} \\ \hline 0 \ 0 \\ 2 \ 5 \\ \hline (2 \ 5 \ 0)_{10} \end{array}$$

Ejemplo. Realice la suma siguiente  $(251)_{10} \times (117)_{10}$

Solución. Pasamos los números de base 10 a base 8 con lo cual tenemos:

Comprobación

$$\begin{array}{r} 3 \ 7 \ 3 \\ \times 1 \ 6 \ 5 \\ \hline 2 \ 3 \ 4 \ 7 \\ 2 \ 7 \ 4 \ 2 \\ 3 \ 7 \ 3 \\ \hline (7 \ 1 \ 2 \ 6 \ 7)_8 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} (2 \ 5 \ 1)_{10} \\ \times (1 \ 1 \ 7)_{10} \\ \hline 1 \ 7 \ 5 \ 7 \\ 2 \ 5 \ 1 \\ 2 \ 5 \ 1 \\ \hline (2 \ 9 \ 3 \ 6 \ 7)_{10} \end{array}$$

Ejemplo. Realice la multiplicación  $(71.8750)_{10} \times (15.125)_{10}$

Solución. Pasamos los números de base 10 a base 8 con lo cual tenemos:

Comprobación

$$\begin{array}{r}
 107.7 \\
 \times 17.1 \\
 \hline
 1077 \\
 7671 \\
 1077 \\
 \hline
 (2077.07)_8
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 (71.875)_{10} \\
 \times (15.125)_{10} \\
 \hline
 359375 \\
 143750 \\
 71875 \\
 \hline
 359375 \\
 71875 \\
 \hline
 (1087.109375)_{10}
 \end{array}$$

## Multiplicación en base 16

Ejemplo. Realice la multiplicación siguiente  $(717)_{10} + (101)_{10}$

Solución. Pasamos los números de base 10 a base 16, con lo cual tenemos:

Comprobación

$$\begin{array}{r}
 2C D \\
 \times 65 \\
 \hline
 E01 \\
 10CE \\
 \hline
 11AE1
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 (717)_{10} \\
 \times (101)_{10} \\
 \hline
 717 \\
 717 \\
 \hline
 (72417)_{10}
 \end{array}$$

Ejemplo. Realice la multiplicación siguiente  $(1870)_{10} \times (1107)_{10}$

Solución. Pasamos los números de base 10 a base 16, con lo cual tenemos:

$$\begin{array}{r}
 74E \\
 \times 453 \\
 \hline
 15EA \\
 2486 \\
 1D38 \\
 \hline
 1F964A
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 (1870)_{10} \\
 \times (1107)_{10} \\
 \hline
 13090 \\
 1870 \\
 1870 \\
 \hline
 (2070090)_{10}
 \end{array}$$

Ejemplo. Realice la multiplicación siguiente  $(91.0625)_{10} \times (97.625)_{10}$

Solución. Convertimos los números de base 10 a base 16, con lo cual tenemos:

Comprobación

$$\begin{array}{r}
 5B.1 \\
 \times 61.A \\
 \hline
 38EA \\
 5B1 \\
 2226 \\
 \hline
 22B9.FA
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 (91.0625)_{10} \\
 \times (97.625)_{10} \\
 \hline
 4553125 \\
 1821250 \\
 5463750 \\
 6374375 \\
 8195625 \\
 \hline
 (8889.9765625)_{10}
 \end{array}$$

## Resta

La resta en cualquier sistema de numeración (2, 8, 10, ó 16) se reduce a los cuatro casos siguientes:

|          |          |          |          |
|----------|----------|----------|----------|
| positivo | positivo | negativo | negativo |
| positivo | negativo | positivo | negativo |
| <hr/>    | <hr/>    | <hr/>    | <hr/>    |

En esta sección explicaremos el caso de restar dos números positivos

### Resta en base 2

Para realizar la resta de dos números binarios se utilizan las siguientes cuatro reglas fundamentales

|       |       |       |       |
|-------|-------|-------|-------|
| 0     | 1     | 0     | 1     |
| + 0   | + 0   | + 1   | + 1   |
| ----- | ----- | ----- | ----- |
| 0 0   | 0 1   | 1 1   | 0 0   |
| P R   | P R   | P R   | P R   |

Donde:

*R* es el resultado de restar el minuendo y el sustraendo, y

*P* es el préstamo.

Para realizar la operación de resta o sustracción de dos números positivos (Minuendo mayor que el sustraendo) se utiliza el método de complemento a dos, el cual consiste en los pasos siguientes:

1. Verificar que el minuendo sea mayor que el sustraendo.
2. Al sustraendo se le aplica la operación “complemento a 1”, el cual consiste en intercambiar los 1s por 0s y los 0s por 1s.
3. Al resultado anterior se le aplica la operación “complemento a 2” la cual consiste en sumarle una unidad.

4. Sumar el minuendo con el resultado de la operación anterior.
5. En caso de que el bit de acarreo sea igual a 1, este se ignora.

Ejemplo. Realice la resta siguiente  $(29)_{10} - (15)_{10}$

Solución. Representamos los números anteriores en base 2 y posteriormente aplicamos el complemento a 2.

|   |   |   |   |   |   |            |
|---|---|---|---|---|---|------------|
| 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | ← | Minuendo   |
| - | 0 | 1 | 1 | 1 | ← | Sustraendo |
|   |   |   |   |   |   |            |

Paso 1

Si analizamos el bit más significativo de los dos números, vemos que el bit más significativo vale 1 mientras que el bit más significativo del sustraendo vale 0 por lo tanto el minuendo es mayor que el sustraendo.

Paso 2

Aplicamos el complemento a "1"

|   |   |   |   |   |   |                             |
|---|---|---|---|---|---|-----------------------------|
| 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | ← | Sustraendo                  |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | ← | Operación Complemento a "1" |

### Paso 3

Aplicamos el complemento a "2"

$$\begin{array}{r} 1\ 0\ 0\ 0\ 0 \\ + \qquad\qquad\qquad 1 \\ \hline 1\ 0\ 0\ 0\ 1 \end{array}$$

← Resultado de la operación  
Complemento a "1"

← Resultado de la operación  
Complemento a "2"

### Paso 4

$$\begin{array}{r} 1\ 1\ 1\ 0\ 1 \\ + \\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1 \\ \hline 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 0 \end{array}$$

← Minuendo

← Resultado de la operación  
Complemento a "2"



Bit de acarreo

### Paso 5

Ignorar el bit de acarreo si tiene un valor de 1. Por lo tanto dicho bit se elimina.

Finalmente el resultado de la operación es  $(01110)_2$

$$\begin{array}{r} 1\ 1\ 1\ 0\ 1 \\ - \\ 0\ 1\ 1\ 1\ 1 \\ \hline 0\ 1\ 1\ 1\ 0 \end{array}$$

Comprobación

$$\begin{array}{r} (29)_{10} \\ - \\ (15)_{10} \\ \hline (14)_{10} \end{array}$$



Ejemplo. Realice la resta siguiente  $(55)_{10} - (45)_{10}$

Solución. Representamos los números anteriores en base 2 y posteriormente aplicamos el método.

$$\begin{array}{r} 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \\ - 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{l} \leftarrow \text{Minuendo} \\ \leftarrow \text{Sustraendo} \end{array}$$

### Paso 1

Analizando el bit más significativo tanto del minuendo como del sustraendo vemos que el bit más significativo del minuendo y del sustraendo tienen el mismo valor, entonces analizamos la columna anterior al bit más significativo y en ella vemos que el bit del minuendo vale 1 mientras que el bit del sustraendo vale 0 y por lo tanto si se puede realizar la operación indicada.

### Paso 2

Aplicamos el complemento a "1"

$$\begin{array}{r} 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1 \\ 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1 \ 0 \end{array} \quad \begin{array}{l} \leftarrow \text{Sustraendo} \\ \leftarrow \text{Operación Complemento a "1"} \end{array}$$

### Paso 3

Aplicamos el complemento a "2"

$$\begin{array}{r} 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1 \ 0 \\ + \quad \quad \quad 1 \\ \hline 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1 \end{array} \quad \begin{array}{l} \leftarrow \text{Resultado de la operación} \\ \text{Complemento a "1"} \\ \leftarrow \text{Resultado de la operación} \\ \text{Complemento a "2"} \end{array}$$

*Paso 4*

$$\begin{array}{r} 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \quad \leftarrow \text{Minuendo} \\ + \\ 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1 \quad \leftarrow \text{Resultado de la operación} \\ \hline \end{array}$$

Complemento a "2"

1 0 0 1 0 1 0



Bit de acarreo

*Paso 5*

Ignorar el bit de acarreo si tiene un valor de 1.

Finalmente el resultado de la operación es  $(0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0)_2$ .

Comprobación

$$\begin{array}{r} 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \\ - \\ 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1 \\ \hline (0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0)_2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} (55)_{10} \\ - \\ (45)_{10} \\ \hline (10)_{10} \end{array}$$

## Resta en base 8

Ejemplo. Realice la resta  $(25)_{10} - (10)_{10}$  en base 8.

Solución. Convertimos los números de base 10 a base 8, con lo cual tenemos:

11 – Pido prestado una unidad y con eso se forma dicho número

$$\begin{array}{r} \text{-----} \\ 3 \ 1 \\ - \\ 1 \ 2 \\ \hline (1 \ 7)_8 \end{array}$$

comprobación

$$\begin{array}{r} (2 \ 5)_{10} \\ - \\ (1 \ 0)_{10} \\ \hline (1 \ 5)_{10} \end{array}$$

Ejemplo. Realice la resta siguiente  $(251)_{10} - (117)_{10}$  en base 8.

Solución. Convertimos los números de base 10 a base 8, con lo cual tenemos:

13 → Préstamo

$$\begin{array}{r} \text{-----} \\ 3 \ 7 \ 3 \\ - 1 \ 6 \ 5 \\ \hline (2 \ 0 \ 6)_8 \end{array}$$

Comprobación

$$\begin{array}{r} (2 \ 5 \ 1)_{10} \\ - (1 \ 1 \ 7)_{10} \\ \hline (1 \ 3 \ 4)_{10} \end{array}$$

Ejemplo. Realice la resta  $(71.8750)_{10} - (15.125)_{10}$  en base 8.

Solución. Pasamos los números de base 10 a base 8, con lo cual tenemos:

|   |  |
|---|--|
| $  \begin{array}{r}  107.7 \\  - 17.1 \\  \hline  (070.6)  \end{array}  $ | <p>Comprobación</p> $  \begin{array}{r}  (71.875)_{10} \\  - (15.125)_{10} \\  \hline  (56.755)_{10}  \end{array}  $ |
|---|--|

### Resta en base 16

Ejemplo. Realice la resta  $(25)_{10} - (10)_{10}$  en base 16.

Solución. Convertimos los números de base 10 a base 16, con lo cual tenemos:

|  |  |
|--|--|
| <p>11 – Pido préstamo y formo el número</p> $  \begin{array}{r}  \text{-----} \\  19 \\  - A \\  \hline  F  \end{array}  $ | <p>Comprobación</p> $  \begin{array}{r}  (25)_{10} \\  - (10)_{10} \\  \hline  (15)_{10}  \end{array}  $ |
|--|--|

Ejemplo. Realice la resta siguiente  $(251)_{10} - (117)_{10}$  en base hexadecimal.

Solución. Convertimos los números de base 10 a base 16; con lo cual tenemos:

$$\begin{array}{r} \text{F B} \\ - \\ 75 \\ \hline (86)_{16} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} (251)_{10} \\ - \\ (117)_{10} \\ \hline (134)_{10} \end{array}$$

Ejemplo. Realice la resta  $(71.8750)_{10} - (15.125)_{10}$  en base 16

Solución. Convertimos los números de base 10 a base 16 utilizando la tabla 1, con lo cual tenemos:

$$\begin{array}{r} 47.E \\ - \\ F.2 \\ \hline (38.C)_{16} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} (71.875)_{10} \\ - \\ (15.125)_{10} \\ \hline (56.750)_{10} \end{array}$$

| Decimal | Binario | Octal | Hexadecimal |
|---------|---------|-------|-------------|
| 0       | 0000    | 0     | 0           |
| 1       | 0001    | 1     | 1           |
| 2       | 0010    | 2     | 2           |
| 3       | 0011    | 3     | 3           |
| 4       | 0100    | 4     | 4           |
| 5       | 0101    | 5     | 5           |
| 6       | 0110    | 6     | 6           |
| 7       | 0111    | 7     | 7           |
| 8       | 1000    | 10    | 8           |
| 9       | 1001    | 11    | 9           |
| 10      | 1010    | 12    | A           |
| 11      | 1011    | 13    | B           |
| 12      | 1100    | 14    | C           |
| 13      | 1101    | 15    | D           |
| 14      | 1110    | 16    | E           |
| 15      | 1111    | 17    | F           |

**Tabla 1. Equivalencias entre diferentes sistemas de Numeración**

## División

Al igual que la operación de multiplicación, la división se puede realizar de diferentes formas, las cuales presentamos a continuación:

### División en base 2

La división binaria es mucho más fácil, porque los únicos dos posibles dígitos cocientes son 0 y 1. La división binaria se puede efectuar utilizando el mismo procedimiento que se utiliza en la división decimal, es decir:

$$\begin{array}{r}
 12 \\
 3 \overline{) 36} \\
 \underline{3} \phantom{6} \\
 0 \phantom{6} \\
 \underline{0} \phantom{6} \\
 6 \\
 \underline{6} \\
 0
 \end{array}$$

Ejemplo. Realizar la operación siguiente  $(43)_{10} / (3)_{10}$  en binario

Solución. Convertimos los números de base 10 a base 2, con lo cual tenemos:

Comprobación

$$\begin{array}{r}
 001110 \\
 11 \overline{) 101011} \\
 \underline{11} \phantom{000} \\
 100 \\
 \underline{11} \phantom{00} \\
 11 \\
 \underline{11} \\
 01
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 14 \\
 3 \overline{) 43} \\
 \underline{3} \phantom{00} \\
 13 \\
 \underline{12} \\
 1
 \end{array}$$

Operaciones de apoyo

$$\begin{array}{r}
 101 \\
 - 011 \\
 \hline
 001
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 100 \\
 + \phantom{00}1 \\
 \hline
 101
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 101 \\
 + 101 \\
 \hline
 1010
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 100 \\
 - 011 \\
 \hline
 001
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 100 \\
 + \phantom{00}1 \\
 \hline
 101
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 100 \\
 + 101 \\
 \hline
 1001
 \end{array}$$

Ejemplo. Realizar la operación siguiente  $(217)_{10}/(11)_{10}$  en binario

Solución. Convertimos los números de base 10 a base 2

Comprobación

$$\begin{array}{r}
 00010011 \\
 1011 \overline{) 11011001} \\
 \underline{1011} \phantom{00} \\
 0010100 \\
 \underline{0010} \phantom{00} \\
 10011 \\
 \underline{1001} \phantom{00} \\
 01000
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 19 \\
 11 \quad 2 \overline{) 17} \\
 \underline{11} \phantom{00} \\
 107 \\
 \underline{99} \phantom{00} \\
 8
 \end{array}$$

Operaciones de apoyo

|  |  |   |
|--|--|---|
| $  \begin{array}{r}  1101 \\  - 1011 \\  \hline  0010  \end{array}  $    | $  \begin{array}{r}  0100 \\  + 1 \\  \hline  0101  \end{array}  $   | $  \begin{array}{r}  1101 \\  + 0010 \\  \hline  10010  \end{array}  $    |
| $  \begin{array}{r}  10100 \\  - 01011 \\  \hline  01001  \end{array}  $ | $  \begin{array}{r}  10100 \\  + 1 \\  \hline  10101  \end{array}  $ | $  \begin{array}{r}  10100 \\  + 10101 \\  \hline  100100  \end{array}  $ |
| $  \begin{array}{r}  10011 \\  - 01011 \\  \hline  01000  \end{array}  $ | $  \begin{array}{r}  10100 \\  + 1 \\  \hline  10101  \end{array}  $ | $  \begin{array}{r}  10011 \\  + 10101 \\  \hline  100100  \end{array}  $ |
| $  \begin{array}{r}  01000  \end{array}  $                               | $  \begin{array}{r}  10101  \end{array}  $                           | $  \begin{array}{r}  1010000  \end{array}  $                              |



### División en base 8

Ejemplo. Realice la división de los números  $(25)_{10} / (10)_{10}$  en base 8.

Solución. Convertimos los números de base 10 a base 8, con lo cual tenemos:

$$\begin{array}{r} 2 \\ 12 \overline{) 31} \\ \underline{24} \\ 5 \end{array}$$

Comprobación

$$\begin{array}{r} 2 \\ 10 \overline{) 25} \\ \underline{20} \\ 5 \end{array}$$

Ejemplo. Realice la división siguiente  $(2501)_{10} - (117)_{10}$  en base 8

Solución. Convertimos los números de base 10 a base 8 con lo cual tenemos:

$$\begin{array}{r} 25 \\ 165 \overline{) 4705} \\ \underline{352} \\ 1165 \\ \underline{1111} \\ 54 \end{array}$$

Comprobación

$$\begin{array}{r} 21 \\ 117 \overline{) 2501} \\ \underline{117} \\ 161 \\ \underline{117} \\ 44 \end{array}$$

### División en base 16

Ejemplo. Realice la división  $(2075)_{10} / (13)_{10}$  en base 16.

Solución. Convertimos los números de base 10 a base 16 utilizando la tabla 1, con lo cual tenemos:

$$\begin{array}{r}
 9 \text{ F} \\
 \text{D} \overline{) 81\text{B}} \\
 \underline{- 75} \phantom{00} \\
 \phantom{00} \text{CB} \\
 \underline{- \text{C}3} \phantom{00} \\
 \phantom{0000} 8
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 159 \\
 13 \overline{) 2075} \\
 \underline{- 13} \phantom{00} \\
 \phantom{00} 77 \\
 \underline{- 65} \phantom{00} \\
 \phantom{0000} 125 \\
 \underline{- 117} \phantom{00} \\
 \phantom{000000} 8
 \end{array}$$

Ejemplo. Realice la división siguiente  $(2501)_{10} - (17)_{10}$  en base hexadecimal.

Solución. Convertimos los números de base 10 a base 16 con lo cual tenemos:

$$\begin{array}{r}
 9 \text{ 3} \\
 11 \overline{) 9\text{C}5} \\
 \underline{- 99} \phantom{00} \\
 \phantom{00} 35 \\
 \underline{- 33} \phantom{00} \\
 \phantom{0000} 2
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 147 \\
 17 \overline{) 2501} \\
 \underline{- 17} \phantom{00} \\
 \phantom{00} 80 \\
 \underline{- 68} \phantom{00} \\
 \phantom{0000} 121 \\
 \underline{- 119} \phantom{00} \\
 \phantom{000000} 2
 \end{array}$$